



Українська Федерація Інформатики
Інститут кібернетики імені В. М. Глушкова НАН України
Вищий навчальний заклад Укоопспілки
«ПОЛТАВСЬКИЙ УНІВЕРСИТЕТ ЕКОНОМІКИ І ТОРГІВЛІ»
(ПУЕТ)

ІНФОРМАТИКА ТА СИСТЕМНІ НАУКИ (ІСН-2015)

**МАТЕРІАЛИ
VI ВСЕУКРАЇНСЬКОЇ НАУКОВО-ПРАКТИЧНОЇ
КОНФЕРЕНЦІЇ ЗА МІЖНАРОДНОЮ УЧАСТЮ**

(м. Полтава, 19–21 березня 2015 року)

За редакцією професора О. О. Ємця

**Полтава
ПУЕТ
2015**

УДК 681.3:004.8:622.867

ИДЕНТИФИКАЦИЯ ПРОЦЕССОВ ВЫМЫВАНИЯ МЕТАНА С ГОРНОГО МАССИВА И РАСПРОСТРАНЕНИЕ ЕГО ПО СИСТЕМЕ ВЫРАБОТОК ШАХТЫ

В. В. Слесарев, д. т. н, профессор,

А.В. Миргородский, аспирант.

*Государственный ВУЗ «Национальный Горный Университет».
mir219292@gmail.com*

На практике применяемые в настоящее время схемы вентиляции характеризуются многочисленными комбинациями взаимного расположения выработок и выработанных пространств. Как следствие этого воздушные потоки в выработанных пространствах обладают очень сложной пространственной схемой движения. Поэтому, в большинстве предпринятых до настоящего времени, исследованиях при количественной оценке параметров потока наблюдалось стремление какими-либо путями избавиться от их пространственного характера и привести их к – одномерным решениям. Достаточно легко к одномерным потокам приводятся потоки в выработанных пространствах при сплошной системе разработки и в выработанных пространствах шахт и рудников с аэродинамической связью с поверхностью через зоны обрушения. Однако в большей части схем вентиляции пренебрежение трехмерным характером фильтрационных потоков при решении практических задач недопустимо.

С учетом ограничения из условия устойчивости по времени моделирование движения газа в подобной области потребует существенных затрат времени. В связи с этим, весьма актуальным становится применение для решения данной задачи параллельных технологий программирования и современной многопроцессорной техники.

Интегральные законы сохранения массы, импульса и энергии, применяемые в теории фильтрации газов и жидкостей, имеют следующий вид:

$$\begin{aligned}
& \frac{\partial}{\partial t} \int_{\Omega} \rho \varepsilon d\Omega + \int_{\Omega} \rho \varepsilon (\vec{u} \times \vec{n}) d\Sigma = 0, \\
& \frac{\partial}{\partial t} \int_{\Omega} \rho \varepsilon \vec{u} d\Omega + \int_{\Sigma} \varepsilon [p \vec{n} + \rho \vec{u} (\vec{u} \times \vec{n})] d\Sigma = \\
& = \int_{\Omega} \vec{F}_c d\Omega + \int_{\Omega} p \text{grad} \varepsilon d\Omega + \int_{\Omega} \rho \varepsilon \vec{g} d\Omega; \\
& \frac{\partial}{\partial t} \int_{\Omega} \rho \varepsilon \left(e + \frac{|\vec{u}|^2}{2} \right) d\Omega + \int_{\Sigma} \rho \varepsilon \left(e + \frac{p}{\rho} + \frac{|\vec{u}|^2}{2} \right) (\vec{u} \times \vec{n}) d\Sigma = \int_{\Omega} \rho \varepsilon (\vec{u} \times \vec{g}) d\Omega; \\
& \frac{\partial}{\partial t} \int_{\Omega} \varepsilon \rho c d\Omega + \int_{\Sigma} \varepsilon \rho c (\vec{u} \times \vec{n}) d\Sigma = 0; \\
& \vec{F}_c = - \left(\frac{150 \eta u (1 - \varepsilon)^2}{d^2 \varepsilon^3} + \frac{1,75 \rho u^2 (1 - \varepsilon)}{d \varepsilon^3} \right), \quad (1)
\end{aligned}$$

где p – давление; ρ – плотность; \vec{u} – скорость; \vec{g} – ускорение свободного падения; \vec{n} – вектор единичной нормали; ε – пористость обрушенных пород; e – удельная внутренняя энергия; F_c – объёмная сила сопротивления пористой среды. Из ряда предположений и представления о физической картине процесса метан, находящийся над пластом угля, через образующиеся трещины в кровле, начинает выделяться в выработанное пространство по следующей эмпирической зависимости:

$$q = a(b + x)e^{yx} \quad (2)$$

где x – расстояние рассматриваемого участка от линии забоя, применяемое при расчетах распределения интенсивности выделения метана в шахтах.

Опираясь только на известные значения a_0, b_0, y_0 при некоторой определенной скорости 30 ($\vec{u} = 30$), можно пересчитать эти коэффициенты для любой скорости движения очистного забоя. Итоговая формула имеет вид:

$$q = \frac{a_0}{u_3} (b_0 \overrightarrow{u_3} + x) e^{\frac{y_0 x}{u_3}}, \quad (3)$$

где $\overrightarrow{u_3} = u_3 / u_{30}$.

Для решения задачи нестационарной газовой динамики в выработках рассматриваются простейшие одномерные уравнения. Так как со стенок канала может поступать метан, то используются уравнения с учетом потока массы и энергии со стенок канала:

$$\begin{aligned} \frac{\partial \rho S}{\partial t} + \frac{\partial \rho S u}{\partial x} &= \Pi m^*; \\ \frac{\partial \rho S u}{\partial t} + \frac{\partial \rho S u^2}{\partial x} + S \frac{\partial p}{\partial x} &= \Pi \tau_w - \rho S g \sin \beta; \\ \frac{\partial \rho S (e + \frac{u^2}{2})}{\partial t} + \frac{\partial \rho S u (e + \frac{p}{\rho} + \frac{u^2}{2})}{\partial x} &- \Pi m^* H - \\ &- \Pi \alpha (T - T_{cm}) - \Pi \varepsilon C_s T^4 - \rho S u g \sin \beta, \end{aligned} \quad (4)$$

где T – температура газа, T_{cm} – температура стенки, m – массовый приток метана с единицы поверхности стенки, H – энтальпия единицы массы притока, S – площадь сечения выработки, \dot{I} – периметр сечения канала, β – угол наклона выработки к горизонту, α – коэффициент теплоотдачи, g – ускорение свободного падения, ε – степень черноты, τ_w – напряжения трения на границе выработки, C_s – постоянная Стефана-Больцмана.

Методы распараллеливания решения задач в выработанном пространстве и в сети горных выработок предоставлен совместно с математической моделью нестационарных процессов в пересечениях выработок.

Сеть каналов с выработанным пространством представляет собой разобщенную систему, которую удобно реализовать для целевых систем с общей памятью с помощью расширения языка Open MP. Величина ускорения на двухядерном CPU может

составить 1,6. При сохранении показателя эффективности на четырех ядерном CPU вполне достижимо 3-кратное ускорение.

Теоретическое обоснование процедуры ускорения численного расчета на модельной задаче о фильтрации газа через пористую среду на базе одномерных уравнений газовой динамики основывается на вытеснении из пористого канала, заполненного метаном, небольшой концентрации попавшего в него воздуха. Линеаризованные уравнения для давления p в процессе вытеснения приводятся к виду:

$$\frac{kL}{\rho_0 \varepsilon \alpha_0} \left(\frac{u_0}{\alpha_0} \right) \frac{\partial p}{\partial t} - \frac{\partial^2 p}{\partial x^2} = 1 - \bar{\varphi}_i(x, t). \quad (5)$$

Решив полученное уравнение (5) с граничными условиями $\frac{\partial p}{\partial x} = 0$ при $x=0$ и $p = p_\alpha$ при $x=L$ придём к выражению для безразмерного вектора давления $\bar{\delta}$:

$$\bar{p}(x, t) = \int_0^1 \int_0^\eta [1 - \varphi_i(\xi, t)] d\xi d\eta - \sum_{k=0}^{\infty} \frac{B_k(0)}{A\lambda_k} \cos\left\{\left(\frac{1}{2} + k\right)\pi x\right\} e^{-A\lambda_k t}, \quad (6)$$

для решения, которого можно записать итерационный процесс в форме:

$$\begin{aligned} \bar{p}(x, t + \Delta t) - \bar{p}(x, t) = & - \int_0^1 \int_0^\eta [\varphi_i^*(\xi, t)] \Delta t d\xi d\eta + \\ & + \sum_{k=0}^{\infty} \frac{B_k(0)}{A\lambda_k} \cos\left\{\left(\frac{1}{2} + k\right)\pi x\right\} e^{-A\lambda_k \Delta t} [1 - e^{-A\lambda_k \Delta t}] \end{aligned} \quad (7)$$

Второе слагаемое содержит экспоненциальную часть $e^{-A\lambda_k} [1 - e^{-A\lambda_k \Delta t}]$, причём найдется такое значение t , начиная с которого данное произведение начнет быстро убывать. Скорость убывания будет довольно велика, приняв во внимание оценку величины $A\lambda_k \approx 10^3$. Такое поведение быстро нивелирует воздействие второго слагаемого в (6), приводя к квазистационарному решению.

Линеаризованные уравнения для давления в процессе вытеснения приводятся к итерационной форме вида:
$$Nu^n = Nu_N^n \pm Nu_F^n.$$

Для решения задачи нестационарной газовой динамики в горных выработках рассматриваются простейшие квазиодномерные уравнения. Так как со стенок канала может поступать метан, то используются уравнения с учетом потока массы и энергии со стенок канала. Такие уравнения давно применяются во внутренней баллистике канальных зарядов.

Далее, прибегая к работам А.Н. Крылова, приводится более точная интерпретация возможности увеличения шага по времени. Рассматривая уравнение (7) лишь без последнего слагаемого в правой части и приходя к выводу, что практически следует вводить больший шаг при значительном затухании нелинейных колебательных процессов газовой динамики, то есть после получения квазистационарной картины течения газа.

Научная значимость работы заключается в построении физической и математической трехмерной модели нестационарной аэродинамики метано-воздушной среды в обрушенном выработанном пространстве горных выработок шахты.