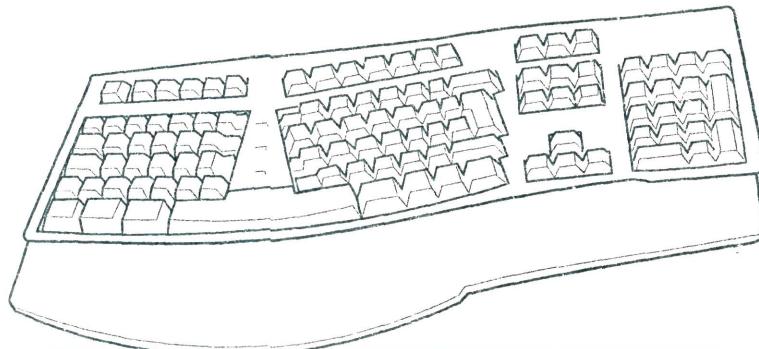


Вищий навчальний заклад Укоопспілки  
«ПОЛТАВСЬКИЙ УНІВЕРСИТЕТ  
ЕКОНОМІКИ І ТОРГІВЛІ» (ПУЕТ)



# ІНФОРМАТИКА ТА СИСТЕМНІ НАУКИ (ІСН-2012)

Матеріали  
III Всеукраїнської  
науково-практичної конференції



ПОЛТАВА  
2012

Національна академія наук України  
Центральна спілка споживчих товариств України  
Українська Федерація Інформатики

# ІНФОРМАТИКА ТА СИСТЕМНІ НАУКИ (ІСН-2012)

Матеріали ІІІ Всеукраїнської  
науково-практичної конференції  
(м. Полтава, 1–3 березня 2012 року)

За редакцією доктора фізико-математичних наук,  
професора О. О. Ємця

Полтавський університет  
економіки і торгівлі  
(ПУЕТ)  
2012

УДК 519.7 + 519.8 + 004

ББК 32.973

I-74

Розповсюдження та тиражування без офіційного дозволу ВНЗ Укоопспілки «Полтавський університет економіки і торгівлі» заборонено

## ПРОГРАМНИЙ КОМІТЕТ

### Співголови

*I. В. Сергієнко*, д.ф.-м.н., професор, академік НАН України, генеральний директор Кібернетичного центру НАН України, директор Інституту кібернетики імені В. М. Глушкова НАН України;

*О. О. Нестуля*, д.і.н., професор, ректор ВНЗ Укоопспілки «Полтавський університет економіки і торгівлі».

### Члени програмного комітету

*Г. П. Донець*, д.ф.-м.н., с.н.с., завідувач відділу економічної кібернетики Інституту кібернетики імені В. М. Глушкова НАН України;

*О. О. Ємець*, д.ф.-м.н., професор, завідувач кафедри математичного моделювання та соціальної інформатики ВНЗ Укоопспілки «Полтавський університет економіки і торгівлі»;

*О. С. Куценко*, д.т.н., професор, завідувач кафедри системного аналізу і управління Національного технічного університету «Харківський політехнічний інститут»;

*О. М. Литвин*, д.ф.-м.н., професор, завідувач кафедри вищої та прикладної математики Української інженерно-педагогічної академії;

*А. Д. Тезяшев*, д.т.н., професор, академік УНГА, завідувач кафедри прикладної математики Харківського національного університету радіоелектроники

Інформатика та системні науки (ІСН-2012) : матеріали III Всеукраїнської науково-практичної конференції (м. Полтава, 1–3 березня 2012 р.) / за ред. О. О. Ємця. – Полтава : ПУЕТ, 2012. – 267 с.

ISBN 978-966-184-154-2

Матеріали конференції включають сучасну проблематику в таких галузях інформатики та системних наук, як теоретичні основи інформатики і кібернетики, математичне моделювання і обчислювальні методи, математичне та програмне забезпечення обчислювальних машин і систем, системний аналіз і теорія оптимальних рішень. Представлені доповіді, що відображають проблеми сучасної підготовки фахівців з інформатики, прикладної математики, системного аналізу та комп'ютерних інформаційних технологій.

Матеріали конференції розраховані на фахівців з кібернетики, інформатики, системних наук.

УДК 519.7 + 519.8 + 004

ББК 32.973

*Матеріали друкуються в авторській редакції мовами оригіналів. За виклад, зміст і достовірність матеріалів відповідають автори.*

ISBN 978-966-184-154-2

© Вищий навчальний заклад Укоопспілки «Полтавський університет економіки і торгівлі», 2012

## **ЗМІСТ**

<i>Агафоненко Д. М.</i> Методи введення операцій порівняння нечітких чисел.....	11
<i>Байдак Н. В.</i> Програмна реалізація ітераційного методу для комбінаторної задачі ігрового типу на переставленнях.....	13
<i>Балабанов О. С.</i> Нова методологія виведення систем структуральних рівнянь з даних. Вдосконалення методів виведення .....	15
<i>Бандурка В. Є.</i> Розробка сайту наукового збірника «Інформатика і системні науки» .....	18
<i>Барболіна Т. М.</i> Дослідження ефективності наближеного методу розв'язування оптимізаційних задач на розміщеннях ...	20
<i>Бахрушин В. Є.</i> Моделювання впливу явки виборців на результати голосування.....	23
<i>Благовещенська Т. Ю.</i> Обернене моделювання в задачах масопереносу.....	25
<i>Богасенко В. О.</i> Паралельні алгоритми моделювання процесу електрокінетичної очистки ґрунтів .....	28
<i>Богатирёв А. О., Красношлык Н. А.</i> Применение метода выпрямления фронтов для моделирования многофазной диффузии .....	31
<i>Бондаренко В. В.</i> Статистики фрактального броуновского движения .....	33
<i>Бубнов Р. В., Мельник I. M.</i> Застосування логістичної моделі парадоксу Монті Холла та її узагальнення для оптимізації діагностичних рішень в медицині.....	37
<i>Бузовский О. В., Невдащенко М. В., Болдак А. А.</i> Метод восстановления векторной модели растрового изображения.....	40
<i>Буланий О. О.</i> Створення сайту «СПД-ФО Бондаренко О. А.».....	43
<i>Вайда М. В.</i> Розробка та програмна реалізація сайту «ФОП Черевань С. О.».....	46

<b>Ємець О. О., Леонова М. В.</b> Симплексна форма загального переставного многогранника, заданого незвідною системою....	89
<b>Ємець О. О., Ольховська О. В.</b> Швидкість збіжності ітераційного методу для ігрових комбінаторних задач з обмеженнями-розміщеннями на стратегії гравця.....	95
<b>Ємець О. О., Тур О. В.</b> Деякі предфрактальні переставні комбінаторні конфігурації .....	98
<b>Ємець О. О., Черненко О. О.</b> Модель функціонування регіону: оцінка екологічної безпеки .....	104
<b>Журба А. О., Михальов О. І.</b> Особливості визначення фрактальної розмірності методом BOX COUNTING у задачах металознавства.....	109
<b>Згурівський М. З., Теленик С. Ф., Єфремов К. В.</b> Інтеграція гетерогенних джерел даних світової системи даних.....	112
<b>Згурівський М. З., Ясінський В. В., Болдак А. О.</b> Експериментальні дослідження властивостей залишкових знань у складних навчальних системах .....	115
<b>Івахова Ю. С.</b> Створення електронного навчального посібника з дисципліни «Інтелектуальні системи».....	119
<b>Івлієва О. М.</b> Дослідження якості тестів навчальних досягнень майбутніх вчителів інформатики .....	120
<b>Івченко Є. І.</b> Підвищення ефективності систем управління підприємствами: упровадження хмарних технологій .....	123
<b>Івченко Є. І., Шимановська-Діанич Л. М.</b> Моделювання IT-інфраструктури для управління персоналом підприємств споживчої кооперації .....	125
<b>Іщенко М. О.</b> Створення сайту Головного управління житлово-комунального господарства обласної державної адміністрації м. Полтави.....	127
<b>Калмыков А. В.</b> Методологии RUP и Agile в управлении проектами развития ИТ-систем .....	129

1. Зайченко Ю. П. Исследование операций : учебник / Ю. П. Зайченко. – К. : Видавничий дім «Слово», 2003. – 688 с.
2. Таха Х. А. Введение в исследование операций / Х. А. Таха. – М. : Издательский дом «Вильямс», 2005. – 912 с.
3. Ємець О. О. Оптимізація лінійної функції на переставленнях: перетворення переставного многогранника до вигляду, необхідного для використання в алгоритмі Кармарка / О. О. Ємець, Є. М. Ємець, Д. М. Ольховський // Наукові вісті НТУУ «КПІ». – 2010. – № 2. – С. 43–49.
4. Стоян Ю. Г. Теорія і методи евклідової комбінаторної оптимізації / Ю. Г. Стоян, О. О. Ємець. – К. : Інститут системних досліджень освіти, 1993. – 188 с.
5. Ємець О. О. Дослідження областей визначення задач евклідової комбінаторної оптимізації на переставних множинах / О. О. Ємець, Л. М. Колєчкіна, С. І. Недобачій. – Полтава : «Легат», 1999. – 64 с.

**УДК 519.85**

**ШВИДКІСТЬ ЗБІЖНОСТІ ІТЕРАЦІЙНОГО  
МЕТОДУ ДЛЯ ІГРОВИХ КОМБІНАТОРНИХ  
ЗАДАЧ З ОБМежЕННЯМИ-РОЗМІЩЕННЯМИ  
НА СТРАТЕГІЇ ГРАВЦЯ**

**О. О. Ємець, д.ф.-м.н., професор;**

**О. В. Ольховська, аспірантка**

**ВНЗ Укоопспілки «Полтавський університет економіки і торгівлі»  
*contacts@informatics.org.ua***

В доповіді пропонується оцінка швидкості збіжності ітераційного методу розв'язання комбінаторних оптимізаційних задач ігрового типу з обмеженнями, що визначені розміщеннями.

Розглянемо задачу комбінаторної оптимізації ігрового типу на множині розміщень та її математичну модель за [1, 2]. В ній комбінаторні обмеження накладаються на стратегії першого гравця. В моделі розглядається платіжна матриця  $A' = (a'_{ij})'$  вимірності  $m \times n$ , елемент  $a'_{ij}$  якої показує перевищення (різницю) прибутків другого гравця в порівнянні з першим

гравцем. На стратегії першого гравця накладаються обмеження, що визначаються розміщеннями.

Задана множина  $P^x$  з  $M$  елементами,  $|P^x| = M$ , з якої формується множина  $E_M^{m-1}(P^x)$  розміщень  $\bar{X} = (x_1, \dots, x_{m-1}) \in E_M^{m-1}(P^x)$  та  $x_m = 1 - \sum_{i=1}^{m-1} x_i$ ,  $x_m \in P^x$ . Складемо нову платіжну матрицю

$A = (a_{ij})$  вимірності  $k \times n$ , де  $k = \frac{M!}{(M-m)!}$ . Платіж  $a_{ij}$  в даній

матриці обчислюється так:  $a_{ij} = \sum_{t=1}^m a'_j x_{it}$ ,  $\forall i \in J_k$ ,  $\forall j \in J_n$ ,

де  $i$  номер відповідного вектора  $X'_i = (x_{i1}, x_{i2}, \dots, x_{im})$ , а

$X_i = (x_{i1}, x_{i2}, \dots, x_{i,m-1})$  – це розміщення з множини  $E_M^{m-1}(P^x)$ .

Таким чином,  $a_{ij}$  – платіж (перевищення прибутку) першого гравця над другим, коли перший гравець обирає стратегію-розміщення  $X_i$ , а другий – чисту стратегію  $j$ . Для розв'язування розглянутих задач запропоновано ітераційний метод [2], доведена його збіжність.

Введемо необхідні означення. Система  $(SUM_R, SUM_L)$ , яка складається із послідовності  $m$ -вимірних векторів  $SUM_R(0), SUM_R(1), \dots$ , та  $n$ -вимірних векторів  $SUM_L(0), SUM_L(1), \dots$  називається векторною системою  $(SUM_R, SUM_L)$  для матриці  $A'$  якщо виконуються такі умови.

1. Вектори  $SUM_L(0), SUM_R(0)$  – нульові, тобто  $SUM_L(0) = (0, \dots, 0)$ ,  $SUM_R(0) = (0, \dots, 0)$ . Зауважимо, що тоді виконується умова

$$\min SUM_R(0) = \max SUM_L(0) = 0. \quad (1)$$

2.  $SUM_R(N+1) = SUM_R(N) + A'_i$ ,  $SUM_L(N+1) = SUM_L(N) + B'_j$ , де  $i, j$  задовольняють співвідношенням  $SUM_{Lj}(N) = \max_j SUM_L(N)$ ,  $SUM_{Rj}(N) = \min_i SUM_R(N)$ .

Розглянемо оцінку швидкості збіжності запропонованого ітераційного методу. Вона зводиться до визначення на скільки

швидко вираз  $\frac{\max_{j} \text{SUM}_L(N) - \min_i \text{SUM}_R(N)}{N}$  прямує до нуля при зростанні кількості ітерацій  $N$ . З огляду на те, що

$$\frac{\max_{j} \text{SUM}_L(N) - \min_i \text{SUM}_R(N)}{N} \geq -\frac{\max_{i} \text{SUM}_R(N) - \min_j \text{SUM}_L(N)}{N}$$

то потрібно оцінити дане співвідношення зверху.

Теорема. Якщо виконується (1), то

$$\frac{\max_{j} \text{SUM}_L(N) - \min_i \text{SUM}_R(N)}{N} \leq a 2^{\frac{M!}{(M-m)!+n}} N^{-\frac{1}{\frac{M!}{(M-m)!}+n-2}},$$

де  $a = \max_{i,j} |a_{ij}|$ .

Доведення даної теореми проводиться по індукції. Тобто з теореми випливає, що швидкість збіжності алгоритму можна

оцінити як  $O\left(N^{\frac{1}{\frac{M!}{(M-m)!}+n-2}}\right)$ .

Таким чином, в доповіді пропонується оцінка швидкості збіжності ітераційного методу розв'язування ігрових комбінаторних оптимізаційних задач з обмеженнями, що визначені розміщеннями на стратегії одного гравця.

### *Література*

- Емец О. А. Исследование задач комбинаторной оптимизации игрового типа на размещениях / Емец О. А., Устьян Н. Ю. // Проблемы управления и информатики. – 2007. – № 1. – С. 26–36.
- Емец О. А. Итерационный метод решения комбинаторных оптимизационных задач игрового типа на размещениях / Емец О. А., Ольховская Е. В. // Проблемы управления и информатики. – 2011. – № 3. – С. 69–78.